

Interrogation première C

Exercice 1 7,5 points

1) Soit f la fonction trinôme définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = 3x^2 - 12x + 19$

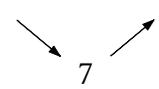
a) Déterminer la forme canonique de la fonction f

$$\alpha = -\frac{b}{2a} = \frac{12}{6} = 2 \quad \text{et} \quad \beta = f(2) = 3 \times 4 - 12 \times 2 + 19 = 7 \quad \text{d'où la forme canonique :}$$

$$f(x) = a(x - \alpha)^2 + \beta = 3(x - 2)^2 + 7$$

b) En déduire le tableau de variation de la fonction f

a est positif donc f est décroissante puis croissante et on a :

x	$-\infty$	2	$+\infty$
$f(x)$			

c) Au vu de ce tableau, la représentation graphique de la fonction f coupe-t-elle l'axe des abscisses ? Justifier

La fonction admet un minimum qui vaut 7. Comme ce minimum est strictement positif, la fonction ne s'annule pas

2) Soit la fonction trinôme définie sur \mathbb{R} par : $g(x) = -2x^2 - 3x + 20$

a) Déterminer les racines de g

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

$$\Delta = 169 > 0 \quad \text{donc deux racines}$$

$$x_1 = \frac{3-13}{-4} = \frac{5}{2} \quad \text{et} \quad x_2 = \frac{3+13}{-4} = -4$$

b) L'équation $g(x) = -70$ admet-elle des solutions ? Si oui, lesquelles.

$$g(x) = -70 \quad \text{si et seulement si} \quad -2x^2 - 3x + 20 = -70 \quad \text{si et seulement si} \quad -2x^2 - 3x + 90 = 0$$

$$\Delta = 9 + 720 > 0 \quad \text{donc deux solutions}$$

$$x_1 = \frac{3+27}{-4} = -\frac{15}{2} \quad \text{et} \quad x_2 = \frac{3-27}{-4} = 6$$

Exercice 2 5,5 points

Résoudre les équations suivantes

$$1) -x^2 + 4x + 5 = 0$$

$$\Delta = 36 > 0 \text{ deux solutions}$$

$$x_1 = -1 \text{ et } x_2 = 5$$

$$2) 2x^2 - 5x + 7 = 0$$

$$\Delta = -31 < 0$$

donc pas de solutions

$$3) -\frac{1}{3}x^2 + 2x - 3 = 0$$

$$\Delta = 0 \text{ 1 solution}$$

$$x_0 = -\frac{b}{2a} = -\frac{2}{-\frac{2}{3}} = 3$$

Exercice 3 (4 points)

On veut résoudre l'équation bicarrée suivante (E) : $x^4 - x^2 - 12 = 0$.

1) On pose $X = x^2$ Quelle condition doit vérifier X ?

X doit être un nombre strictement positif

2) Résoudre l'équation $X^2 - X - 12 = 0$

$$\Delta = 49 > 0 \text{ deux solutions } X_1 = -3 \text{ et } X_2 = 4$$

3) En déduire les solutions de (E) pour x .

En posant $X = x^2$, il faut résoudre $X^2 - X - 12 = 0$

D'après la question précédente, on a deux solutions $X_1 = -3$ et $X_2 = 4$. Or X_1 ne convient pas car il est négatif d'où il reste $X_2 = 4$ cad $x^2 = 4$ et $x = \pm 2$

Exercice 4 (3 points)

On donne la parabole ci-contre qui est la représentation graphique d'une fonction f .

Déterminer la forme canonique de f en justifiant la réponse .

Le sommet de la parabole est S (-2;4)

La forme canonique est donc de la forme :

$$f(x) = a(x+2)^2 + 4$$

On voit que $f(0) = 0$

d'où : $a(0+2)^2 + 4 = 0$ ce qui donne $a = -1$

d'où la forme canonique recherchée est

$$f(x) = -(x+2)^2 + 4$$

